20. 已知函数$f(x)=ax-\frac{1}{x}-(a+1)\ln x$.

（1）当$a=0$时，求$f(x)$的最大值；

（2）若$f(x)$恰有一个零点，求a的取值范围.