2022年高考全国甲卷数学文科（题目选编 / 已收录22题）

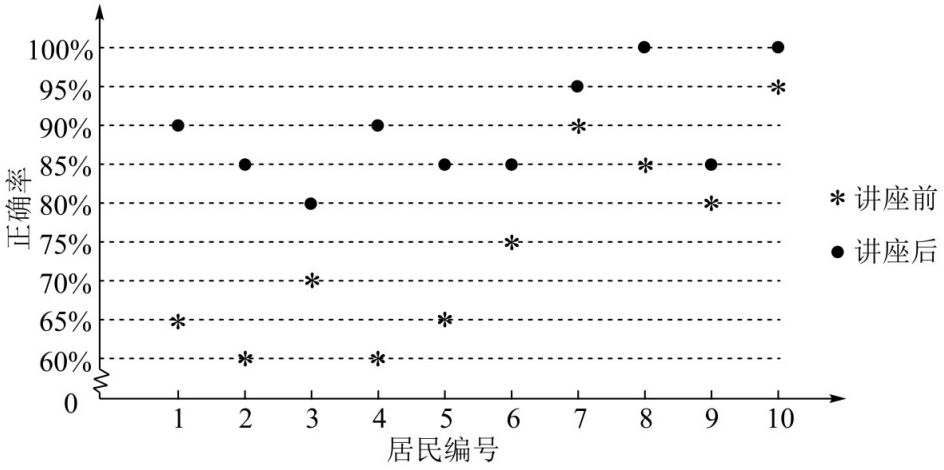
单项选择题

1. 设集合$A=\{-2,-1,0,1,2\},B=\{x\mid 0\le x<\frac{5}{2}\}$，则$A\cap B=$（　）

A. $\{0,1,2\}$　　B. $\{-2,-1,0\}$

C. $\{0,1\}$　　D. $\{1,2\}$

2. 某社区通过公益讲座以普及社区居民的垃圾分类知识．为了解讲座效果，随机抽取10位社区居民，让他们在讲座前和讲座后各回答一份垃圾分类知识问卷，这10位社区居民在讲座前和讲座后问卷答题的正确率如下图：



则（　）

A. 讲座前问卷答题的正确率的中位数小于70%

B. 讲座后问卷答题的正确率的平均数大于85%

C. 讲座前问卷答题的正确率的标准差小于讲座后正确率的标准差

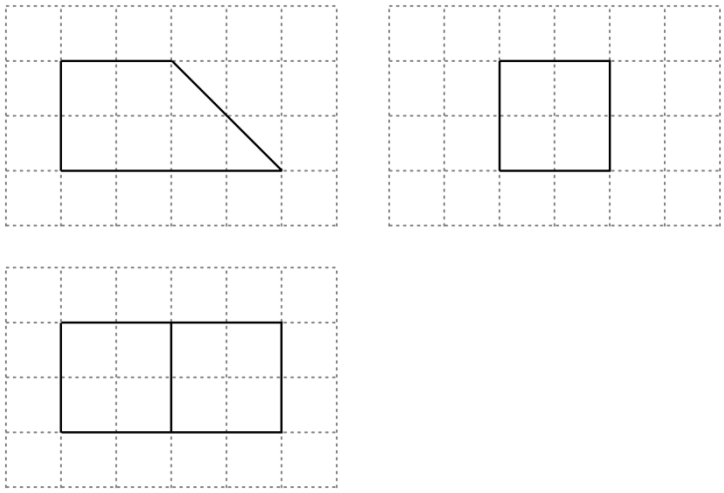
D. 讲座后问卷答题的正确率的极差大于讲座前正确率的极差

3. 若$z=1+i$．则$|iz+3\bar{z}|=$（　）

A. $4\sqrt{5}$　　B. $4\sqrt{2}$

C. $2\sqrt{5}$　　D. $2\sqrt{2}$

4. 如图，网格纸上绘制的是一个多面体的三视图，网格小正方形的边长为1，则该多面体的体积为（　）



A. 8　　B. 12　　C. 16　　D. 20

5. 将函数$f(x)=\sin(\omega x+\frac{\pi}{3})(\omega>0)$的图像向左平移$\frac{\pi}{2}$个单位长度后得到曲线$C$，若$C$关于$y$轴对称，则$\omega$的最小值是（　）

A. $\frac{1}{6}$　　B. $\frac{1}{4}$

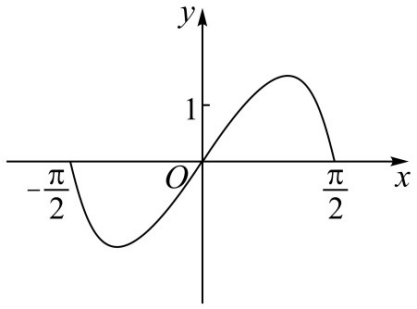
C. $\frac{1}{3}$　　D. $\frac{1}{2}$

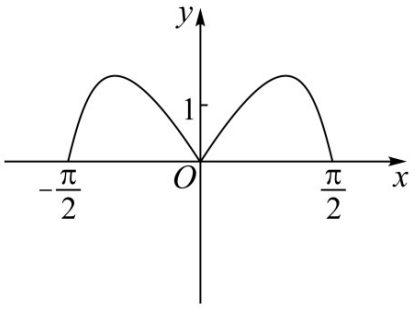
6. 从分别写有1，2，3，4，5，6的6张卡片中无放回随机抽取2张，则抽到的2张卡片上的数字之积是4的倍数的概率为（　）

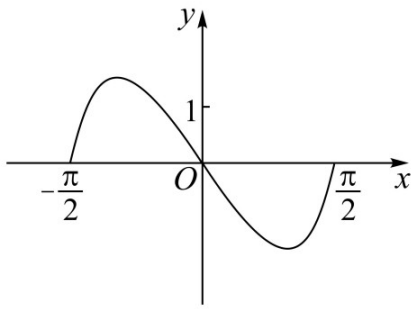
A. $\frac{1}{5}$　　B. $\frac{1}{3}$

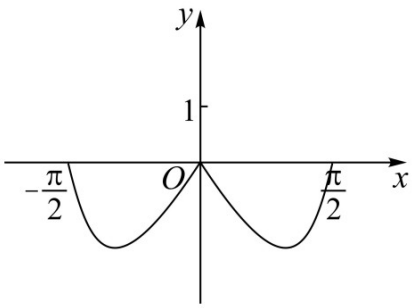
C. $\frac{2}{5}$　　D. $\frac{2}{3}$

7. 函数$y=(3^x-3^{-x})\cos x$在区间$[-\frac{\pi}{2},\frac{\pi}{2}]$的图象大致为（　）

A. 

B. 

C. 

D. 

8. 当$x=1$时，函数$f(x)=a\ln x+\frac{b}{x}$取得最大值-2，则$f'(2)=$（　）

A. -1

B. $-\frac{1}{2}$

C. $\frac{1}{2}$

D. 1

9. 在长方体$ABCD-A_1B_1C_1D_1$中，已知B_1D与平面$ABCD$和平面AA_1B_1B所成的角均为$30°$，则（　）

A. $AB=2AD$

B. AB与平面AB_1C_1D所成的角为$30°$

C. $AC=CB_1$

D. B_1D与平面BB_1C_1C所成的角为$45°$

10. 甲、乙两个圆锥的母线长相等，侧面展开图的圆心角之和为2π，侧面积分别为$S_{甲}$和$S_{乙}$，体积分别为$V_{甲}$和$V_{乙}$．若$\frac{S_{甲}}{S_{乙}}=2$，

则$\frac{V_{甲}}{V_{乙}}=$（　）

A. $\sqrt{5}$　　B. $2\sqrt{2}$

C. $\sqrt{10}$　　D. $\frac{5\sqrt{10}}{4}$

11. 已知椭圆$C:\frac{x^2}{a^2}+\frac{y^2}{b^2}=1(a>b>0)$的离心率为$\frac{1}{3}$，$A_1,A_2$分别为$C$的左、右顶点，$B$为$C$的上顶点．若$\vec{BA}_1\cdot\vec{BA}_2=-1$，则$C$的方程为（　）

A. $\frac{x^2}{18}+\frac{y^2}{16}=1$　　B. $\frac{x^2}{9}+\frac{y^2}{8}=1$

C. $\frac{x^2}{3}+\frac{y^2}{2}=1$　　D. $\frac{x^2}{2}+y^2=1$

12. 已知$9^m=10,a=10^m-11,b=8^m-9$，则（　）

A. $a>0>b$　　B. $a>b>0$

C. $b>a>0$　　D. $b>0>a$

填空题

14. 设点M在直线$2x+y-1=0$上，点$(3,0)$和$(0,1)$均在$\odot M$上，则$\odot M$的方程为_____.

15. 记双曲线$C:\frac{x^2}{a^2}-\frac{y^2}{b^2}=1(a>0,b>0)$的离心率为$e$，写出满足条件“直线$y=2x$与$C$无公共点”的$e$的一个值_____.

16. 已知$\triangle ABC$中，点D在边BC上，$\angle ADB=120°,AD=2,CD=2BD$．当$\frac{AC}{AB}$取得最小值时，$BD=$_____.

17. 甲、乙两城之间的长途客车均由A和B两家公司运营，为了解这两家公司长途客车的运行情况，随机调查了甲、乙两城之间的500个班次，得到下面列联表：

	准点班次数	未准点班次数
A	240	20
B	210	30

（1）根据上表，分别估计这两家公司甲、乙两城之间的长途客车准点的概率；

（2）能否有90%的把握认为甲、乙两城之间的长途客车是否准点与客车所属公司有关？

附：$K^2=\dfrac{n(ad-bc)^2}{(a+b)(c+d)(a+c)(b+d)}$，

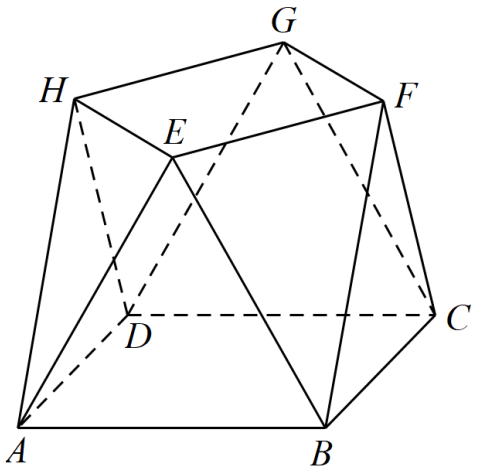
$P(K^2\geqslant k)$	0.100	0.050	0.010
k	2.706	3.841	6.635

18. 记S_n为数列$\{a_n\}$的前n项和．已知$\dfrac{2S_n}{n}+n=2a_n+1$．

（1）证明：$\{a_n\}$是等差数列；

（2）若a_4,a_7,a_9成等比数列，求S_n的最小值．

19. 小明同学参加综合实践活动，设计了一个封闭的包装盒，包装盒如图所示：底面$ABCD$是边长为8（单位：cm）的正方形，$\triangle EAB,\triangle FBC,\triangle GCD,\triangle HDA$均为正三角形，且它们所在的平面都与平面$ABCD$垂直．



（1）证明：$EF\parallel$平面$ABCD$；

（2）求该包装盒的容积（不计包装盒材料的厚度）．

20. 已知函数$f(x)=x^3-x,g(x)=x^2+a$，曲线$y=f(x)$在点$(x_1,f(x_1))$处的切线也是曲线$y=g(x)$的切线．

（1）若$x_1=-1$，求a；

（2）求a的取值范围．

21. 设抛物线$C:y^2=2px(p>0)$的焦点为F，点$D(p,0)$，过F的直线交C于M，N两点．当直线MD垂直于x轴时，$|MF|=3$．

（1）求C的方程；

（2）设直线MD,ND与C的另一个交点分别为A，B，记直线MN,AB的倾斜角分别为α,β．当$\alpha-\beta$取得最大值时，求直线AB的方程．

坐标系与参数方程

22. 在直角坐标系xOy中，曲线C_1的参数方程为

$$\begin{cases} x=\dfrac{2+t}{6} \\ y=\sqrt{t} \end{cases}$$

（t为参数），曲线C_2的参数方程为

$$\begin{cases} x=-\dfrac{2+s}{6} \\ y=-\sqrt{s} \end{cases}$$

（s为参数）．

（1）写出C_1的普通方程；

（2）以坐标原点为极点，x轴正半轴为极轴建立极坐标系，曲线C_3的极坐标方程为$2\cos\theta-\sin\theta=0$，求C_3与C_1交点的直角坐标，及C_3与C_2交点的直角坐标．

不等式选讲

23. 已知a，b，c均为正数，且$a^2+b^2+4c^2=3$，证明：

（1）$a+b+2c\le 3$；

（2）若$b=2c$，则$\dfrac{1}{a}+\dfrac{1}{c}\ge 3$．